## МІКРОЕЛЕКТРОННА ТА НАНОЕЛЕКТРОННА ТЕХНІКА

## УДК 621.3.049 ІМПЕДАНСНА МОДЕЛЬ ДЛЯ НАНОЕЛЕКТРОННИХ СТРУКТУР

Ахмедов Р.С., Нелін С.А.

Розглянуто використання імпедансної моделі для моделювання наноелектронних квантово-механічних структур. Приведено характеристики, що ілюструють ефективність такого підходу.

### Вступ. Постановка задачі

До просторово-періодичних структур з квантовими розмірами (період сумірний з довжиною хвилі електрона) відносять природні структури — кристалічні грати твердих тіл, а також штучні — напівпровідникові надграти (НГ). Кристалічні грати утворені періодично розташованими в їх вузлах атомами або молекулами. НГ — періодично-шаруваті структури, які складаються з шарів напівпровідників завтовшки 10...100 нм і відмінною шириною забороненої зони. Ці структури становлять основу наноелектронних напівпровідникових пристроїв обробки сигналів [1].

Особливості проектування наноелектронних пристроїв пов'язані з аналізом і синтезом НГ з складним потенціалом і заданими характеристиками. Традиційно для моделювання квантово-механічних структур використовують матричну модель зшиванням рішень в середовищах з різними властивостями. В [2] введено поняття імпедансу для квантово-механічної хвилі. Ця модель вносить важливий фізичний зміст, має значну спільність, як заснована на імпедансі, дозволяє скористатись апаратом теорії ліній передачі й спростити моделювання. Незважаючи на явні переваги, такий підхід до вирішення квантово-механічних задач не одержав поширення.

У даній роботі імпедансна модель використана для моделювання типових двобар'єрних структур, у яких спостерігається резонансне тунелювання електронів (РТЕ). РТЕ лежить в основі функціонування наноелектронних пристроїв обробки сигналів.

# Особливості конструкцій та характеристик надграт

 $H\Gamma$  — періодичні багатошарові структури, в яких періодичний потенціал кристалічних грат додатково просторово модульований потенціалом цієї структури. Ширина потенціальних бар'єрів  $H\Gamma$  — тунельна, що забезпечує свободу руху електронів по нормалі до шарів. У  $H\Gamma$  типу квантових проводів рух електронів обмежений у двох напрямах і вільний у третьому. У  $H\Gamma$  типу квантових точок досягається тривимірна локалізація носіїв струму. Найбільш широке використання має  $H\Gamma$  на основі шарів *GaAs* і  $Al_xGa_{1-x}As$ . Ширина забороненої зони AlGaAs збільшується зі збільшенням x. Потенціал такої  $H\Gamma$  сформований за рахунок різниці у ширині заборонених зон її шарів: вузькозонні шари *GaAs* розміщені між широкозонними AlGaAs з утворенням прямокутних квантових ям для електронів і дірок. Штучна періодичність НГ радикально змінює електронні властивості напівпровідника. Внаслідок тунелювання електронів крізь періодичні потенціальні бар'єри, утворені шарами AlGaAs, зонна діаграма однорідного напівпровідника розщеплюється на міні-зони. Положення і ширина мінізон залежать від співвідношення товщин напівпровідникових шарів.

За рахунок сумірності періода НГ і довжини електронної хвилі електрони виявляють хвильові властивості (мають місце квантові розмірні ефекти). У поодинокій потенціальній ямі електрон може знаходитися лише на одному з власних рівнів ями, які відповідають резонансу електронної хвилі (як і електромагнітної в резонаторі). У двобар'єрній структурі власні рівні потенціальної ями, розміщеної між бар'єрами, відповідають РТЕ, при якому коефіцієнт проходження дорівнює одиниці. Цей ефект є базовим для формування міні-зон. Він пояснюється компенсацією хвильових неоднорідностей на границях середовищ з різними властивостями полем стоячої хвилі. Таким чином, падаюча хвиля проходить ці межі як однорідне середовище.

## Імпедансна модель для квантово-механічних структур

Для визначення квантово-механічного імпедансу розглянемо проходження електроном границі між середовищами І і ІІ з різними потенціалами. Розташуємо границю між середовищами з потенціальною сходинкою заввишки V в точці x=0 (рис. 1а). У середовищі І хвильова функція визначається виразом

$$\Psi = \exp(ikx) + r\exp(-ikx), \tag{1}$$

де  $k=\sqrt{2mE/\hbar}$ , m — ефективна маса електрона, E — енергія електрона; r — коефіцієнт відбиття. Перший доданок в (1) відповідає падаючій хвилі, другий — відбитій. Згідно [2]  $r=(1-\rho)/(1+\rho)$ , де  $\rho=\sqrt{m_1(E-V)/m_{II}E}$ ,  $m_I$  і  $m_{II}$  — ефективні маси електрона відповідно в середовищах І і II.





Вираз (1) аналогічний формулі для струму в лінії передачі з розподіленими параметрами (довгій лінії). При цьому  $\rho = Z_{\rm H}/Z$ , де  $Z_{\rm H}$  — імпеданс навантаження; Z — хвильовий імпеданс лінії. З порівняння виразів для коефіцієнта відбиття у випадку квантово-механічної і електромагнітної хвиль витікає, що квантово-механічний імпеданс  $Z \sim \sqrt{(E-V)/m}$ . Абсолютне значення квантово-механічного імпедансу визначається з рівності густини потоку імовірності в квантово-механічному середовищі і середньої потужності в еквівалентній лінії передачі:  $Z=2\sqrt{2(E-V)/m}$ .

В рамках імпедансної моделі аналіз квантово-механічної структури зводиться до аналізу неоднорідної лінії передачі. Оскільки характеристики відбиття і проходження залежать не від абсолютних значень імпедансу середовищ, а від їх відношення, використання нормованого імпедансу дозволяя спростити моделювання.

Аналіз неоднорідної лінії передачі виконується послідовним розрахунком нормованого вхідного опору, починаючи з крайнього правого відрізка. Нормований вхідний опір *i*-го відрізка визначається формулою

$$Z_{BXi} = Z_{i} \frac{Z_{BXi-1} - Z_{i} \operatorname{th}(ik_{i}l_{i})}{Z_{i} - Z_{BXi-1} \operatorname{th}(ik_{i}l_{i})}, \qquad (2)$$

де  $Z_i = \sqrt{m(E - V_i)m_iE}$ ; *m* — ефективна маса електрона в зовнішньому середовищі;  $Z_{\text{вх}i-1}$  — вхідний опір *i*-1 відрізка;  $k_i = \sqrt{2m_i(E - V_i)}/\hbar$ ;  $l_i$  — довжина відрізка. Індекс *i* відноситься до параметрів *i*-го відрізка.

Коефіцієнт відбиття від структури визначається як

$$R = \frac{1 - Z_{\rm BX}}{1 + Z_{\rm BX}},\tag{3}$$

де Z<sub>вх</sub> — вхідний опір еквівалентної лінії передачі. Модуль коефіцієнта проходження дорівнює

$$T = \sqrt{1 - \left|R\right|^2} \ . \tag{4}$$

Вирази (2) — (4) лежать в основі моделювання НГ. Програму моделювання розроблено в середовищі *MathCAD*.

#### Моделювання двобар'єрних структур

На рис. 2 зображено базову для наноелектроніки симетричну двобар'єрну структуру з прямокутною потенціальною ямою.

Ефективна маса електрона дорівнює  $(0,067+0,083x)m_0$ , де  $m_0$  — маса спокою електрона. Значення V і x пов'язані співвідношеннями [3]:

$$V = \begin{cases} 0,75 \ x, & x < 0,45 \ ; \\ 0,75 \ x + 0,69 \ (x - 0,45)^2, & x > 0,45 \ . \end{cases}$$



Рис. 2. Двобар'єрні структури з прямокутною (а) і з параболічною (b) ямою

Еквівалентна неоднорідна лінія передачі для двобар'єрної структури з прямокутною потенціальною ямою складається з трьох відрізків. На рис. 3 крива 1 відповідає характеристиці коефіцієнта проходження такої структу-

ри, розрахованої згідно імпедансної моделі. Характеристика співпадає з приведеною в [3], розрахованою матричним методом. Структура має п'ять власних значень енергії, кожне з яких відповідає РТЕ.

Для моделювання параболічної ями в двобар'єрній структурі, зображеній на рис. 26, використовується кусочнолінійна апроксимація. Кількість відрізків — 20. Крива 2 на рис. 3 відповідає розрахованій характеристиці коефіцієнта проходження двобар'єрної структури з такою ямою. Характеристика співпадає з приведеною в [3], розрахованою матричним методом. Структура має чотири власних значення енергії, при яких відбувається РТЕ.



Рис.3. Залежності коефіцієнта проходження двобар'єрних структур 1 - з прямокутною ямою; 2 - з параболічною ямою.

#### Висновки

Імпедансна модель дозволяє виконати аналіз квантово-механічних структур з складною залежністю потенціалу. У порівнянні з матричною моделлю значно зменшується обсяг розрахункових програм - відпадає необхідність роздільно розглядати тунелювання і надбар'єрне проходження електронів. Цей метод дає такі ж результати, як і традиційно використовувана матрична модель, що дозволяє виконати тестові перевірки моделювання. Імпедансна модель може бути використана для проектування наноелектронних структур з залежностями потенціалу, який необхідний для досягнення заданих характеристик пристроїв.

#### Література

- 1. Нелин Е.А. Наноэлектронные устройства на основе сверхрешеток // Вестник Киевского политехнического института (радиотехника). 1993. Вип.30. С. 3—15.
- Khondker A. N., Khan M. R., Anwar A. F. M. Transmission line analogy of resonance tunneling phenomena: The generalized impedance concept // J.Appl.Phys. 1988. V.63, N. 10. P. 5191–5193.
- 3. Ando Y., Itoh T. Calculation of transmission tunneling current across arbitrary potential barriers // J.Appl.Phys. 1987. V. 61, N 4. P. 1497–1502.

Ахмедов Р.С., Нелин Е.А.	Akhmedov R.S., Nelin E.A.
Импедансная модель для наноэлектрон-	Impedance model for nanostructures
ных структур	The application of the impedance model for
Рассмотрено использование импедансной мо-	nanoelectronic quantum-mechanical struc-
дели для моделирования наноэлектронных	tures modelling is described. Characteristics
квантово-механических структур. Иллюстри-	illustrating the efficiency of the model are pre-
руется эффективность такого подхода.	sented.

Вісник Національного технічного університету України "КПІ" Серія – Радіотехніка. Радіоапаратобудування.-2007.-№34