

2. Ян И. Нелинейные согласованные фильтры для анализа различий // Радиоэлектроника. – 1999. №6. – С.51-58. (Изв. высш. учеб. заведений).
3. Рыбин А.И. Нормализация дискретных ортогональных преобразований тестовым сигналом // Радиоэлектроника. 2004. №7. С.39-46. (Изв. высш. учеб. заведений).
4. Рыбин А.И., Григоренко Е.Г. Алгоритм подстройки дискретного ортогонального преобразования под тестовый сигнал // Вісник НТУУ “КПІ”. Серія Приладобудування. – 2004. – №27. – С.122-128.
5. Рибін О.І., Шарпан О.Б. Діагностичні можливості процедури нормалізації ортогональних функцій при аналізі пульсограм // Вісник ЖДТУ. Технічні науки. – 2004. – т.1. – №4. – С.144-149.
6. Рибін О.І., Сакалюп Т.В., Шарпан О.Б. Аналіз пульсограм на базі процедури нормалізації ортогональних перетворень REX // Наукові вісті НТУУ “КПІ”. 2005. №4. С.25-33.
7. Рыбин А.И., Шарпан О.Б., Григоренко Е.Г., Сакалюп Т.В. Коэффициенты трансформант нормализованных ортогональных преобразований и диагностика пульсограм // Вісник НТУУ “КПІ”. Приладобудування. 2005. Вип.30. С.148-156
8. Рибін О.І., Данилевська В.Г. Погоджена фільтрація на базі нормалізації ортогональних перетворень // Вісник НТУУ “КПІ”. Радіотехніка. Радіоапаратобудування. – 2007. – Вип.35. – С.15-20.
9. Данилевська В.Г., Рибін О.І., Шарпан О.Б. Особливості і можливості діагностики за нормалізованим перетворенням // Електроніка і зв'язь. 2006. №2. С.49-54.
10. Рибін О.І., Мельник А.Д. Погоджена фільтрація сигналів при зміні масштабу їх аргументу на базі нормалізованих вейвлет-функцій // Вісник НТУУ “КПІ”. – Серія Радіотехніка. Радіоапаратобудування. – 2007. – Вип.34. – С.18-24.
11. Мельник А.Д., Рибін О.І. Нормалізація тестового сигналу зі збереженням еквідистантного кроку дискретизації // Вісник НТУУ “КПІ”. Радіотехніка. Радіоапаратобудування. 2007. Вип.34. С.24-29.
12. Мельник А.Д., Рыбин А.И. Нормализация эталонного сигнала с постоянным шагом дискретизации // Радиоэлектроника. – 2008. – №1. – С.71-75 (Изв. вузов.).
13. Рыбин А.И., Мельник А.Д. Согласованная нормализованная фильтрация сигналов // Радиоэлектроника. – 2008. – № 2. – С.77-80 (Изв. высш. учеб. заведений).
14. Мельник А.Д., Рыбин А.И. Согласованная вейвлет-фильтрация сигналов с измененным масштабом // Радиоэлектроника. 2008. – № 3. – С.76-80 (Изв. вузов).
15. Продеус А.Н., Захарова Е.Н. Экспертные оценки в медицине. К.: ВЕК+, 1998. 320с.
16. Абакумов В.Г., Рибін О.І., Сватош Й. Біомедичні сигнали. Генезис, обробка, моніторинг. – К.: Нора-прінт, 2001. – 516с.

Ключові слова: класифікація сигналів, звукові сигнали, обробка сигналів	
Рыбин А.И., Мельник А.Д.	Rybin O.I., Melnik A.D.
Алгоритм классификации звуковых сигналов	Algorithm of classification of sound signals
Предложен алгоритм и классификаторы идентификации звуковых сигналов, работа которых проиллюстрирована на примере распознавания звуков "а", "о", "у"	The algorithm and qualifiers for identification of sound signals is offered. The work of qualifiers illustrated on an example of recognition of sounds "a", "o", "y".

УДК 621.372.061

МОДИФИКАЦИЯ МЕТОДА РЕАЛИЗАЦИИ ПАСИВНОГО ДВУХПОЛОСНИКА С ПОТЕРЯМИ ПО ФОСТЕРУ.

Ястребов Н.И.

Предложена методика реализации двухполосника с потерями по Фостеру, позволяющая повысить формализацию решения и значительно упростит математические выкладки, по сравнению с методом Бруне.

Известно, что синтез пассивного двухполосника по Фостеру сводится к разложению входной схемной функции $F(p)$ ($Z(p)$ – входного сопротив-

ления или $Y(p)$ – входной проводимости), представляющую отношение полиномов комплексной переменной p , на сумму простейших дробей, каждой из которых ставится в соответствие схмотехнический аналог [1,2,3]. В курсах по теории цепей обычно рассматриваются двухполосники без потерь или двухполосники с потерями, у которых полюсы являются отрицательными вещественными числами или мнимыми (при этом пара мнимых корней – сопряженные числа $\pm j\omega_i$). В основном это связано с тем, что канонический двухполосник с комплексными полюсами типа $-\alpha_i \pm j\omega_i$ не всегда может быть реализован колебательным контуром с потерями.

Исторически сложилось так, что сначала метод Фостера был ориентирован на синтез реактивных двухполосников. При этом

$$F(p) = A_\infty p + \frac{A_0}{p} + \sum_i \frac{D_i p}{p^2 + \omega_i^2} .$$

Первое слагаемое $A_\infty p$ этой суммы по-

является в том случае, если степень полинома числителя на единицу больше степени полинома знаменателя. Слагаемое $\frac{A_0}{p}$ соответствует полюсу,

равному нулю. Так как коэффициенты полиномов функции $F(p)$ больше нуля, то A_∞ и A_0 больше нуля. Слагаемые типа $\frac{D_i p}{p^2 + \omega_i^2}$ соответствуют

паре мнимых корней (полюсов) $\pm j\omega_i$ и реализуются каноническими колебательными контурами. Доказано, что коэффициенты D_i для положительной вещественной функции (ПВФ) всегда вещественны и больше нуля. Следовательно, если полюсы $F(p)$ известны, то реализация реактивного двухполосника по Фостеру не вызывает проблем.

У двухполосника с потерями некоторые полюсы – отрицательные вещественные числа: $p_i = -\sigma_i$. В этом случае, при непосредственном разложении $F(p)$ с помощью вычетов, появляются слагаемые вида $\frac{A_i}{p + \sigma_i}$. Коэффициенты A_i могут получаться как положительными, так и отрицательными, что в общем случае не позволит реализовать приведенную простейшую дробь элементами R, L, C . Для решения указанной задачи предлагается метод Бруне [1,3], который характеризуется значительным объемом вычислений.

Ниже приводится математический прием, позволяющий значительно упростить решение проблемы отрицательных коэффициентов и более формализовать реализацию по Фостеру.

Для определенности, в качестве входной функции $F(p)$ выберем входное сопротивление $Z(p)$. С учетом различия степеней полинома чис-

лителя и знаменателя, функцию $F(p)$ можно представить в виде суммы простейших дробей, каждая из которых ставится в соответствие схмотехнический аналог [1,2,3]. В курсах по теории цепей обычно рассматриваются двухполосники без потерь или двухполосники с потерями, у которых полюсы являются отрицательными вещественными числами или мнимыми (при этом пара мнимых корней – сопряженные числа $\pm j\omega_i$). В основном это связано с тем, что канонический двухполосник с комплексными полюсами типа $-\alpha_i \pm j\omega_i$ не всегда может быть реализован колебательным контуром с потерями.

Исторически сложилось так, что сначала метод Фостера был ориентирован на синтез реактивных двухполосников. При этом

$$F(p) = A_\infty p + \frac{A_0}{p} + \sum_i \frac{D_i p}{p^2 + \omega_i^2} .$$

Первое слагаемое $A_\infty p$ этой суммы по-

является в том случае, если степень полинома числителя на единицу больше степени полинома знаменателя. Слагаемое $\frac{A_0}{p}$ соответствует полюсу,

равному нулю. Так как коэффициенты полиномов функции $F(p)$ больше нуля, то A_∞ и A_0 больше нуля. Слагаемые типа $\frac{D_i p}{p^2 + \omega_i^2}$ соответствуют паре мнимых корней (полюсов) $\pm j\omega_i$ и реализуются каноническими колебательными контурами. Доказано, что коэффициенты D_i для положительной вещественной функции (ПВФ) всегда вещественны и больше нуля. Следовательно, если полюсы $F(p)$ известны, то реализация реактивного двухполосника по Фостеру не вызывает проблем.

У двухполосника с потерями некоторые полюсы – отрицательные вещественные числа: $p_i = -\sigma_i$. В этом случае, при непосредственном разложении $F(p)$ с помощью вычетов, появляются слагаемые вида $\frac{A_i}{p + \sigma_i}$. Коэффициенты A_i могут получаться как положительными, так и отрицательными, что в общем случае не позволит реализовать приведенную простейшую дробь элементами R, L, C . Для решения указанной задачи предлагается метод Бруне [1,3], который характеризуется значительным объемом вычислений.

Ниже приводится математический прием, позволяющий значительно упростить решение проблемы отрицательных коэффициентов и более формализовать реализацию по Фостеру.

Для определенности, в качестве входной функции $F(p)$ выберем входное сопротивление $Z(p)$. С учетом различия степеней полинома чис-

лителя и знаменателя на единицу, на основании теоремы разложения [4]

$$\text{имеем: } Z(p) = A_{\infty} p + R + \sum_i \frac{A_i}{p - p_i}.$$

Схемотехнические аналоги.

1. Слагаемое $A_{\infty} p$ соответствует индуктивности L , и будет присутствовать в том случае, когда степень полинома числителя n на единицу больше степени полинома знаменателя m : $A_{\infty} p \rightarrow L = A_{\infty} = \frac{a_n}{b_m}$ (при $n - m = 1$).

Так как $a_n > 0$ и $b_m > 0$, то и $L > 0$. Символ бесконечности в нижнем индексе указывает, что полюс находится в бесконечности.

2. Второе слагаемое без p есть сопротивление R (поэтому так его и обозначили).

3. Слагаемые вида $\frac{A_i}{p - p_i}$ могут быть представлены разными схематехническими аналогами в зависимости от вида полюсов p_i .

Для пары мнимых сопряженных полюсов имеем: $\left\{ \begin{array}{l} p_i = jw_i \rightarrow A_i \\ p_{i+1} = -jw_i \rightarrow A_{i+1} = \bar{A}_i \end{array} \right\}$. При этом A_i и сопряженное ему \bar{A} вещественны

и больше нуля, так как вычеты ПВФ в мнимых корнях вещественные и положительные. Следовательно $A_i = \bar{A}_i$. Два слагаемых с такими сопряженными корнями можно объединить в одно $\frac{A_i}{p - jw_i} + \frac{A_i}{p + jw_i} = \frac{D_i \cdot p}{p^2 + w_i^2}$. Его схематехнический аналог – параллельный колебательный контур без потерь. Для вещественных отрицательных полюсов $p_i = -\sigma_i$ получаем

$\frac{A_i}{p - p_i} = \frac{A_i}{p + \sigma_i}$. В общем случае A_i может быть положительным или отрицательным вещественным числом. При $A_i > 0$, дробь $\frac{A_i}{p + \sigma_i}$ реализуется параллельной RC -цепочкой. Если $\sigma_i = 0$, то схематехническим аналогом будет емкость, со значением C , равным $\frac{1}{A_i}$. Если A_i отрицательно, то слагаемое с отрицательным коэффициентом складываем с R :

$$\frac{-A_i}{p + \sigma_i} + R = \frac{pR + (R \cdot \sigma_i - A_i)}{p + \sigma_i} = \frac{pR}{p + \sigma_i} + \frac{(R \cdot \sigma_i - A_i)}{p + \sigma_i} \quad (1)$$

Первое слагаемое реализуется параллельной RL цепочкой, а второе, если числитель больше нуля, - параллельной RC цепочкой.

не, однако при работе с теорией математика и позволяет получить более формальный подход к реализации двухполюсника по Фостеру на основании теоремы разложения.

Рассмотрим применение предложенного метода для решения приведенного в [3] примера $Z(p) = \frac{p^5 + 6p^4 + 6p^3 + 21p^2 + 4p + 10}{p(p+j)(p-j)(p+5)}$.

С помощью теоремы разложения раскладываем $Z(p)$ на простейшие дроби: $Z(p) = 1p + 1 + \frac{2}{p} + \frac{p}{p^2 + 1} - \frac{3}{p + 5}$. Сопротивление R , равное 1 записываем в виде суммы $\frac{2}{5} + \frac{3}{5}$ и складываем с дробью с отрицательным коэффициентом:

$$1 + \frac{-3}{p+5} = \frac{2}{5} + \frac{3}{5} + \frac{-3}{p+5} = \frac{2}{5} + \frac{\frac{3}{5}p + \frac{3}{5} \cdot 5 - 3}{p+5} = \frac{2}{5} + \frac{\frac{3}{5}p}{p+5}$$

Окончательно получаем: $Z(p) = 1p + \frac{2}{5} + \frac{2}{p} + \frac{p}{p^2 + 1} + \frac{\frac{3}{5}p}{p+5}$. Аналогичный результат дает метод Бруне.

Литература

1. Гиллемин Э.А.. Синтез пассивных цепей. М: Связь, 1970, 720 с.
2. Атабеков Г.И. Основы теории цепей. 2006. 432 с. М. «УРСС».
3. Основы теории цепей // Г. В. Зевеке и др. М.: Энергия, 1975.
4. Сигорский В.П., Петренко А.И. Основы теории электронных схем: Учеб. пособие для вузов. – К.: Вища школа, 1971. – 568 с.

Ключові слова: двополюсник, синтез двополюсника, метод Фостера, метод Бруне	
Ястребов М.І.	Yastrebov M.I.
Модифікація методу реалізації пасивного двополюсника з втратами за Фостером	Modification of the method realization of the passive one port with dissipation by Foster
Запропонована методика реалізації двополюсника з втратами за Фостером, яка дозволяє підвищити формалізацію розв'язання й значно спростує математичні викладки в порівнянні з методом Бруне	The technique statement of realization of the two-pole with losses by Foster is offered. The purpose of the technique is the formalization of the decision and considerably to simplify mathematical calculations, in comparison with Brune method.