# МІКРОЕЛЕКТРОННА ТА НАНОЕЛЕКТРОННА ТЕХНІКА

УДК 621.382

96

# ОДНОБАР'ЄРНІ КРИСТАЛОПОДІБНІ СТРУКТУРИ

Нелін Є.А., Сергієнко О.В.

Запропоновано однобар'єрні кристалоподібні структури з резонансним тунелюванням хвиль. Наведено характеристики, що ілюструють високу ефективність таких структур.

## Вступ. Постановка задачі

Штучні періодичні кристалоподібні структури (КС), аналогічні природним кристалам, становлять основу нових інтегральних пристроїв обробки сигналів. До КС відносять напівпровідникові надграти, фотонні та фононні кристали. Базовий ефект нанодіапазону, що лежить в основі функціонування наноелектронних пристроїв — тунелювання електронів. Використання тунелювання електромагнітних та інших хвиль дозволить значно підвищити ефективність та розширити функціональні можливості пристроїв обробки сигналів [1]. В даній роботі запропоновано однобар'єрні КС з резонансним тунелюванням хвиль. Вибірність пристроїв на основі таких КС значно перевищує вибірність традиційних пристроїв.

Резонансно-тунельні кристалоподібні структури

Симетричний двобар'єрний потенціал є базовим для конструкцій наноелектронних пристроїв, а також для розуміння фізико-технічних принципів наноелектроніки. У структурах з таким потенціалом спостерігається незвичайнс явище — резонансне тунелювання електронів (РТЕ), при якому коефіцієнт проходження дорівнює одиниці.

В [2] запропоновано симетричний однобар'єрний потенціал з РТЕ. Використання цього потенціалу розширює можливості наноелектронних пристроїв. Ідея селективних пристроїв на основі однобар'єрних структур така. Смуга пропускання відповідає РТЕ. Коефіцієнт проходження на резонансній частоті дорівнює одиниці. Поза смугою пропускання тунельний бар'єр має надзвичайно низьку прозорість, що забезпечує значне загасання сигналу. Однобар'єрні КС дозволяють сформувати вузькі дозволені зони, які відповідають високовибірним характеристикам пропускання.

Для моделювання резонансно-тунельних однобар'єрних КС скористаємося концепцією імпедансу. Імпеданс характеризує силу реакції середовища на хвильове збурення. Концепція імпедансу лежить в основі моделі неоднорідної лінії передачі, яка дозволяє моделювати хвильові структури, у тому числі КС різної природи і розмірності [3]. Квантово-механічний імпеданс Z визначається формулою  $Z=2\sqrt{2(E-V)/m}$ , де E i V — кінетична і потенціальна енергія електрона; m— ефективна маса електрона. При тунелованні E < V і імпеданс уявний.

Вісник Національного технічного університету України "КПІ" Серія – Радіотехніка. Радіоапаратобудування.-2008.-№36

#### Симетричні однобар'єрні кристалоподібні структури

Резонансне тунелювання хвиль, як і резонансне проходження, обумовлене повною компенсацією відбитих хвиль в результаті формування власного компенсуючого джерела хвилі — резонансної області зі стоячою хвилею [2]. На рис. 1 зображено симетричний однобар'єрний потенціал і еквівалентну лінію передачі. Резонансна область утворена потенціальною ямою (рис. 1а) або потенціальним бар'єром меншої висоти (рис. 1б). В результаті отримаємо тришарові РТР-структури, де Р і Т відповідають резонансним і тунельним шарам. Для спрощення викладок імпеданси шарів пронормовані до імпедансу зовнішнього середовища.

Рис. 1. Симетричний однобар'єрний потенціал і еквівалентна лінія передачі. 1, Z і  $Z_1$  — відповідно імпеданси зовнішнього середовища, Р- і Т-областей;  $Z_1$  —  $Z_{III}$  — нормовані вхідні імпеданси на межах Р- і Т-областей.



Знайшовши вхідні імпеданси Z<sub>1</sub> — Z<sub>III</sub>, отримаємо вираз для коефіцієнта відбиття:

$$R = \frac{[(Z_1^2 - Z^4)A^2 + Z^2(1 - Z_1^2)]B - 2ZZ_1(Z^2 - 1)A}{[(Z^4 + Z_1^2)A^2 - 2Z(Z^2 + Z_1^2)A + Z^2(Z_1^2 + 1)]B + 2ZZ_1[(Z^2 - ZA + 1)A - Z]},$$

де *A*=th(*ika*); *B*=th(*ik*<sub>1</sub>*b*), *k*,*a* — відповідно хвильове число і ширина Р-шару; *k*<sub>1</sub>,*b* — аналогічно для Т-шару. Умовою для РТЕ є *R*=0. Звідси:

$$B = \frac{2ZZ_1(Z^2 - 1)A}{(Z_1^2 - Z^4)A^2 + Z^2(1 - Z_1^2)}.$$
 (1)

У випадку Z=  $|Z_1|$  і k=  $|k_1|$  з (1) отримаємо th $(2\pi \hat{b}) = \frac{\pm (Z^2 - 1)\sin(4\pi \hat{a})}{Z^2 + 1}$ ,

де знак " $\wedge$ " означає нормування до довжини хвилі  $\lambda_0$  на резонансній частоті  $f_0$ ; знаки " $\pm$ " відповідають знакам  $Z_1$ .

На рис. 2 приведені залежності коефіцієнта проходження  $T = \sqrt{1 - |R|^2}$ , що ілюструють резонансне тунелювання в такій РТР-структурі і її вибірність у порівнянні з резонатором Фабрі-Перо. Розмір резонансної порожнини резонатора дорівнює  $2\hat{a}+0,25$ . Поза межами впливу Р-областей вибірність РТР-структури визначається коефіцієнтом проходження бар'єра. Вибірність РТР-структури на порядок перевищує вибірність резонатора Фабрі-Перо: мінімум коефіцієнта проходження дорівнює 0,2 для резонатора і 0,03/0,015 в області нижніх/верхніх частот для РТР-структури.

Вісник Національного технічного університету України "КШ" 97 Серія – Радіотехніка. Радіоапаратобудування.-2008.-№36



Т-області відповідає КС в режимі забороненої зони. На рис. З приведені характеристики, що ілюструють вибірність РТР-структури з такою Т-областю. Р-область утворена шаром з відносним імпедансом Z=10, КС — чвертьхвильовими шарами, що чергуються, з відносними імпедансами  $Z_1=5$  і Z=10. Вибірність РТР-структури істотно перевищує вибірність Т-області — КС при виконанні її з внутрішньою резонансною порожниною: мінімум коефіцієнта проходження дорівнює 0,33 для КС і 0,06/0,03 для РТР-структур 1/2. Для КС  $Z/Z_1=2$ , імпеданс зовнішнього середовища дорівнює Z. Залежність 2 ілюструє можливість формування характеристики з заданою смугою пропускання вибором розмірів Р-областей.



# Несиметричні однобар'єрні кристалоподібні структури

Внаслідок симетрії однобар'єрних КС, як і традиційних структур з внутрішньою резонансною порожниною, формується набір близько розташованих резонансних частот. В багатьох випадках необхідне широкосмугове подавлення сигналів. Формування дозволених зон КС, які відповідають смугам пропускання, обумовлене протифазною інтерференцією хвиль, відбитих елементами КС. Уведення в КС асиметрії, при якій ці умови виконуються в основній зоні і порушуються в додаткових, дозволить сформу-

98

Вісник Національного технічного університету України "КПІ" Серія – Радіотехніка. Радіоапаратобудування.-2008.-№36 вати лише основну зону. Характеристика пропускання буде односмуговою.

На рис. 4 приведені різні варіанти несиметричних РТ-структур. Позначимо їх відповідно РТа-РТг. РТа — потенціальна структура для електронів. РТб-РТг — структури фотонних і фононних кристалів, а також надграт в режимі надбар'єрного проходження електронів. Варіанти Р-областей: а — потенціальна яма або бар'єр (позначений штриховою лінісо) в режимі надбар'єрного проходження; б — чвертьхвильовий шар; в — два чвертьхвильових шари; г — чвертьхвильовий шар і шар завтовшки *I*. Варіанти Т-областей: а — тунельний бар'єр; б-г — КС в режимі забороненої зони. Розглянемо РТа-структуру (рис. 4*a*). Для РТЕ в Р-області мають виконуватися умови балансу амплітуд і фаз. За умовами балансу амплітуд  $|r| = |r_1|$ , де *r* і  $r_1$  — коефіцієнти відбиття відповідно від лівої та правої площин резонатора. Згідно умови балансу фаз  $2ka+\phi+\phi_1=2\pi n$ , де  $\phi$  і  $\phi_1$ — фази коефіцієнтів відбиття *r* і  $r_1$  відповідно; n=1, 2,...



Рис. 4. Потенціальна (а) і імпедансні (б-г) залежності РТ-структур. а:  $Z_2$  — імпеданс зовнішнього середовища справа від структури;  $Z_1$  вхідний імпеданс Т-області; б: Z — імпеданс Р-шару,  $Z_{1,2}$  — імпеданси шарів Т-області; в: Z і  $Z'=Z^{-1}$  — імпеданси шарів Р-області.

Виходячи з еквівалентної схеми рис. 4а, маємо r=(Z-1)/(Z+1) і  $r_1=(Z-Z_1)/(Z+Z_1)$ . У випадку  $Z_2=Z$ , що при  $m_2=m$  відповідає симетричному Тбар'єру, з умов балансу амплітуд і фаз відповідно отримаємо

$$|B| = \frac{|(Z-1)Z_1|\sqrt{Z}}{\sqrt{(Z+|Z_1|^2)(Z^3+|Z_1|^2)}}, \quad \text{tg}(2ka) = \frac{2Z|Z_1|}{(Z^2-|Z_1|^2)|B|}.$$
 (2)

При  $(Z-1)(Z-|Z_1|) < 0$  значення 2*ka* зміщені на  $\pi$  радіан.

Співвідношення (2) дозволяють синтезувати резонансно-тунельну РТструктуру з симетричним Т-бар'єром.

Рис. 5 ілюструє вибірність РТ-структур у порівнянні з резонатором Фабрі-Перо у вигляді КС з внутрішньою напівхвильовою резонансною порожниною. Т-область утворена чвертьхвильовими шарами, що чергуються, з імпедансами  $Z_1=1$  и  $Z_2=1,4$ ; N=15. Кількість шарів резонатора Фабрі-Перо N=17, імпеданси шарів  $Z_1=1$  и  $Z_2=1,68$ . Значення імпедансу  $Z_2$  для резона-

> Вісник Національного технічного університету України "КПІ" Серія – Радіотехніка. Радіоапаратобудування.-2008.-№36

99

тора Фабрі-Перо відповідає співпадінню значень мінімумів залежностей коефіцієнтів проходження РТб-структури і резонатора Фабрі-Перо. Ширина характеристик за рівнем 0,5 для цих структур приблизно однакова. На відміну від резонатора Фабрі-Перо, характеристики РТ-структур у діапазоні частот від 0 до  $2f_0$  мають однорезонансний характер, що суттєво розширює смуги подавлення.

Уведення додаткового напівхвильового шару в РТг-структурі дозволило звузити характеристику відповідно в 1,8 рази і в 1,6 рази у порівнянні з РТб- і РТв-структурами. При розширенні цього шару відбувається подальше звуження характеристики. Можливість синтезу вузькосмугових характеристик становить значний інтерес, оскільки такі характеристики забезпечують високу локалізацію частинок-хвиль.



Рис. 5. Частотні залежності коефіцієнта проходження РТ-структур варіантів б-г (1-3) і резонатора Фабрі-Перо (4). Параметри Р-області: б— Z=15; в— Z=4;  $r - Z=15, l=\lambda_0/2.$ 

### Висновки

Резонансне тунелювання в однобар'єрних КС забезпечує високовибірну вузькосмугову фільтрацію сигналів. Розглянуті рішення можуть бути застосовані для більш складних структур різної природи та розмірності.

Література

- Шварцбург А. Б. Туннелирование электромагнитных волн парадоксы и перспективы // УФН. 2007. Т. 177. №1. С. 43 — 58.
- 2. Нелин Е. А. Импедансная модель для "барьерных" задач квантовой механики // УФН. 2007. Т. 177. №3. С. 307—313.
- Нелин Е. А. Моделирование и повышение избирательности кристаллоподобных структур // ЖТФ. 2004. Т.74. Вып.11. С. 70 — 74.

Ключові слова: кристалоподібні структури, однобар'єрні структури, резонансне тунелювання електронів

Нелин Е.А., Сергиенко А.В. Однобарьерные кристаллоподобные стру-One-barrier crystal-like structures ктуры Предложены однобарьерные кристаллоподо-with resonant tunnel waves. The characteristics бные структуры с резонансным тунелирова-illustrating high efficiency of such structures нием волн. Приведены характеристики, ил-аre resulted. пострирующие высокую эффективность таких структур.

100

Вісник Національного технічного університету України "КШІ" Серія – Радіотехніка. Радіоапаратобудування.-2008.-№36