

### К ОПРЕДЕЛЕНИЮ КНД АНТЕННЫ ПО ИЗМЕРЕНИЯМ ПОЛЯ В РАСКРЫВЕ

Трудности измерения диаграммы направленности и коэффициента направленного действия (КНД) при больших размерах раскрыва антенны обусловили интерес к определению этих параметров по результатам измерений поля в раскрыве антенны. Поскольку реальные измерения поля в раскрыве проводятся в ограниченном числе точек, необходимо определить минимально допустимое число измерений.

Если на плоском раскрыве площадью  $A$  задан закон распределения поля в виде функции  $E_x(x, y)$ , когда вектор напряженности электрического поля совпадает по направлению с осью  $x$ , то КНД антенны, в пренебрежении квадратичными и выше фазовыми ошибками, определяется выражением [1]

$$D = \frac{|E_{\text{макс}}|^2 2\pi R^2}{W_0 P_{\Sigma}} = \frac{4\pi}{\lambda^2} \cdot \frac{\left| \int_A E_x(x, y) dS \right|^2}{\int_A |E_x(x, y)|^2 dS}. \quad (1)$$

Двойные интегралы в выражении (1) можно заменить суммами, используя соотношения [2]

$$\int_{-1}^1 \int_{-1}^1 F(U, V) dU dV = \sum_{k=1}^{N_1} \sum_{l=1}^{N_2} \alpha_k \alpha_l F(U_k, U_l), \quad (2)$$

где  $U_k, U_l$  — корни полиномов Лежандра;  $\alpha_k, \alpha_l$  — веса, соответствующие корням  $U_k$  и  $U_l$  [3]. Пределы интегрирования в (1) заменой переменных переводятся на отрезок  $[-1, 1]$ .

Для прямоугольного раскрыва антенны со сторонами  $2a$  и  $2b$  запишем для КНД

$$D = \frac{4\pi}{\lambda^2} A \frac{\left| \sum_{k=1}^{N_1} \sum_{l=1}^{N_2} E_x(aU_k, bV_l) \alpha_k \alpha_l \right|^2}{4 \sum_{k=1}^{N_1} \sum_{l=1}^{N_2} |E_x(aU_k, bV_l)|^2 \alpha_k \alpha_l}. \quad (3)$$

Для круглого раскрыва радиуса  $a$  (1)

$$D = \frac{4\pi}{\lambda^2} A \frac{\left| \sum_{m=1}^{N_1} \sum_{n=1}^{N_2} E_x(aU_m, \pi V_n) U_m \alpha_m \alpha_n \right|^2}{\sum_{m=1}^{N_1} \sum_{n=1}^{N_2} |E_x(aU_m, \pi V_n)|^2 U_m \alpha_m \alpha_n}. \quad (4)$$

В выражениях (3) и (4) корни полиномов Лежандра  $U_k$ ,  $V_l$  и  $V_n$  принадлежат отрезку  $[-1, 1]$ , а корни  $U_m$  —  $[0, 1]$ .

Множитель  $M$ , входящий в (3), (4), характеризует отклонение КНД от  $4\pi A/\lambda^2$ , обусловленное неоднородностью поля в раскрыве и конечным числом измерений. Например, для (3) этот множитель равен

$$M = \frac{\left| \sum_{k=1}^{N_1} \sum_{l=1}^{N_2} E_x \alpha_k \alpha_l \right|^2}{4 \sum_{k=1}^{N_1} \sum_{l=1}^{N_2} |E_x|^2 \alpha_k \alpha_l}.$$

В частном случае однородного поля  $E_x(x, y) = \text{const}$  число точек измерений выбирают из условия приближения к единице множителя  $M$  (при  $\alpha_k, \alpha_l > 0$ ), равного

$$M = \frac{1}{4} \sum_{k=1}^{N_1} \sum_{l=1}^{N_2} \alpha_k \alpha_l.$$

Аналогично можно оценить допустимое число точек измерений при других распределениях поля в раскрыве.

**Список литературы:** 1. Марков Г. Т., Сазонов Д. М. Антенны. М., Энергия, 1975. 299 с. 2. Никольский С. М. Квадратурные формулы. М., Наука, 1974. 64 с. 3. Stroud A. H., Don Secrest. Gaussian Quadrature Formulas.— Englewood Cliffs, Prentice-Hall, 1966, p. 99—157.

*N. T. Bova, A. S. Beregov*

#### ON THE DETERMINATION OF ANTENNAS GAIN BY MEASUREMENTS OF A FIELD ON THE APERTURE

The quadrature formulas for gain calculation of antennas are given. The criteria for finding the minimum number of measurement points on the aperture is proposed.