

Поступила в редколлегию 11.03.92

УДК 621.372.413

А.А.ТРУБИН, канд. техн. наук, ст. науч. сотр.

ДИЭЛЕКТРИЧЕСКИЙ ШАР В КООКСИАЛЬНОМ ВОЛНОВОДЕ

Проведен расчет коэффициентов связи диэлектрического резонатора (ДР) сферической формы с ТЕМ- и высшими типами волн коаксиального волновода, а также коэффициентов взаимной связи невырожденных колебаний двух сферических резонаторов. Отмечено влияние симметрии на структуру поля собственных колебаний ДР в волноводе при вырождении. В частном случае круглого волновода найденные формулы переходят в соотношения для коэффициентов связи сферических ДР, расположенных несоосно, а для ДР на оси круглого волновода совпадают с известными.

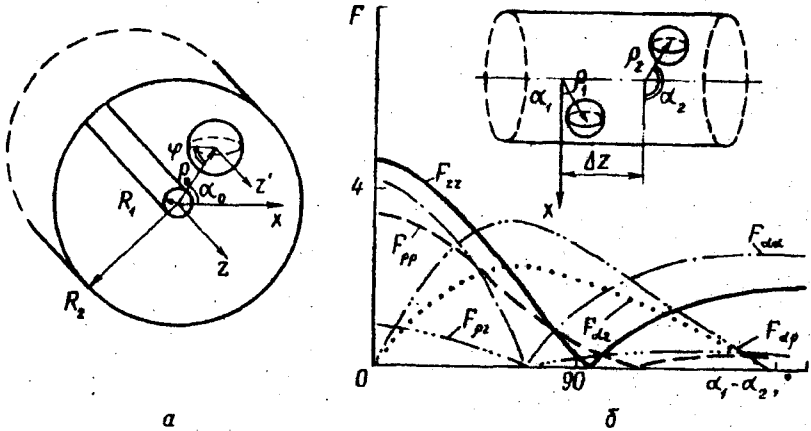
Сферические ДР можно использовать в качестве элементов СВЧ устройств и при несоосном расположении в круглом волноводе. При этом для решения задачи синтеза таких устройств возникает необходимость расчета коэффициентов связи с учетом любых положений ДР.

Известно, что собственные колебания ДР сферической формы в свободном пространстве, в общем случае — сферически-симметричной системе, являются вырожденными. Помещение такого резонатора в структуру с границами, нарушающими сферическую симметрию, приводит к частичному или полному снятию вырождения его собственных колебаний. При наличии симметрии в системе ДР и внешней геометрической структуры поле собственных колебаний такой системы в выделенных плоскостях симметрии может принимать только определенные распределения, характеризуемые условием магнитной или электрической стенки [1]. В рассматриваемом случае несоосного расположения сферического ДР в коаксиальном волноводе с координатами центра ρ_0, α_0, z_0 (см. рисунок, а) такими плоскостями симметрии являются плоскости $z = z_0$ и $\alpha = \alpha_0, \alpha = \alpha_0 + \pi$. Таким образом, поле собственных колебаний магнитных H_{nm} (или электрических — E_{nm}) типов сферического ДР в коаксиальном волноводе в одноволновом приближении представляется в виде

$$h_r(e_r) = h_0(e_0) \frac{n(n+1)}{r} j_n(k_1 r) P_n^m(\cos\theta) \begin{Bmatrix} \sin m\varphi \\ \cos m\varphi \end{Bmatrix}, \quad (1)$$

где плоскость $\varphi = 0$ совпадает с плоскостью $\alpha = \alpha_0$, а ось z' локальной, связанной с центром резонатора сферической системы координат, параллельна оси волновода.

Угловые компоненты магнитного поля собственных волн коаксиального волновода описываются так:



для ТЕМ $H_\alpha = \pm I / (2\pi\rho) e^{\pm i k_0 z}$,

для $H_{su} H_\alpha = \pm H_0 \frac{i\Gamma u}{\omega \mu_0 \rho} C_u(\chi\rho) \sin u \alpha e^{\pm i\Gamma z}$; (2)

для $E_{su} H_\alpha = \pm E_0 \chi D_u'(\chi\rho) \sin u \alpha e^{\pm i\Gamma z}$,

где I, H_0, E_0 — нормированные согласно [2] амплитуды:

$$|I| = \left[2\pi / (w_0 \ln R_2 / R_1) \right]^{1/2}; \quad (3)$$

$$|H_0| = \left[\frac{2\omega \mu_0}{\pi (1 + \delta_{u0}) |\Gamma|} \right]^{1/2} / \left\{ C_u^2(\chi R_2) [(\chi R_2)^2 - u^2] - C_u^2(\chi R_1) [(\chi R_1)^2 - u^2] \right\}^{1/2};$$

$$|E_0| = \left[\frac{2\omega \epsilon_0}{\pi (1 + \delta_{u0}) |\Gamma|} \right]^{1/2} / \left\{ [\chi R_2 D_{u-1}(\chi R_2)]^2 - [\chi R_1 D_{u-1}(\chi R_1)]^2 \right\}^{1/2};$$

R_1 — радиус центрального, а R_2 — радиус внешнего проводника коаксиального волновода; $w_0 = (\mu_0 / \epsilon_0)^{1/2}$;

$$C_u(\chi\rho) \equiv J_u(\chi\rho) - \frac{J_u'(\chi R_1)}{N_u'(\chi R_1)} N_u(\chi\rho);$$

$$D_u(\chi\rho) \equiv J_u(\chi\rho) - \frac{J_u(\chi R_1)}{N_u(\chi R_1)} N_u(\chi\rho); \quad (4)$$

$J_u'(x)$ — производная функция Бесселя; $N_u'(x)$ — производная функ-

ции Неймана [3]. При $R_1 = 0$ функции (4) переходят в функции Бесселя, а поле (2) совпадает с полем круглого волновода.

Расчет коэффициентов связи сферического ДР с волной ТЕМ проведем, интегрируя по поверхности $r = r_0$ поле шара и волновода. При этом используем выражение

$$\frac{1}{\rho} \frac{\sin(\alpha - \alpha_0)}{\cos(\alpha - \alpha_0)} = \frac{1}{\rho_0} \sum_{t=0}^{\infty} \left(\frac{r_0'}{\rho_0} \right)^t \frac{\sin t\varphi}{\cos t\varphi},$$

обусловленное теоремой сложения Графа [3] для функции Неймана первого порядка. Здесь $\alpha - \alpha_0$ — угол между сторонами ρ и ρ_0 , а φ — угол между сторонами ρ_0 и r_0' треугольника. Полученные в результате выражения коэффициентов связи собственных колебаний диэлектрического шара с основной ТЕМ-волной коаксиального волновода имеют такой вид:

для H_{nml}

$$k = (1 - \delta_{m0}) \frac{2n+1}{n(n+1)} \frac{(n+m)!}{(n-m)!} \frac{1}{(\ln R_2/R_1) (k_0 \rho_0)^{2m}} \begin{Bmatrix} 1 \\ 0 \end{Bmatrix} \xi_n^H(\rho, q); \quad (5)$$

для E_{nml}

$$k = (1 + \delta_{m0}) \frac{2n+1}{n(n+1)} \frac{(n+m)!}{(n-m)!} \frac{1}{(\ln R_2/R_1) (k_0 \rho_0)^{2m}} \begin{Bmatrix} 0 \\ 1 \end{Bmatrix} \xi_n^E(\rho, q), \quad (6)$$

где $\xi_n^{H,E}(\rho, q)$ — функции [4]. Из полученных соотношений следует, что с ТЕМ-волной коаксиального волновода связываются только колебания диэлектрического шара, характеризующиеся максимумом магнитного поля (1) для H_{nml} , направленной вдоль α , а также максимумом радиальной компоненты электрического поля для E_{nml} вдоль ρ . При этом коэффициенты связи (5), (6) не зависят от угловой координаты шара и уменьшаются тем быстрее с увеличением радиальной координаты центра, чем больше азимутальное число m .

Аналогичным образом находятся коэффициенты связи ДР с высшими типами волн регулярного коаксиального волновода:

для H_{nml}, H_{su}

$$k = \frac{4}{(1 + \delta_{m0})(1 + \delta_{u0})} \frac{2n+1}{n(n+1)} \frac{(n-m)!}{(n+m)!} \times \\ \times \frac{1}{C_u^2(\chi R_2) [(\chi R_2)^2 - u^2] - C_u^2(\chi R_1) [(\chi R_1)^2 - u^2]} \times \\ \times \frac{1}{|\gamma|} \left[(1 - \gamma^2) \frac{dP_n^m(\gamma)}{d\gamma} \right] \xi_n^H(\rho, q) \times \\ \times \left\{ \begin{array}{l} [C_{m+u}(\chi \rho_0) - (-1)^m C_{-m+u}(\chi \rho_0)]^2 \sin^2 u \alpha_0 \\ [C_{m+u}(\chi \rho_0) + (-1)^m C_{-m+u}(\chi \rho_0)]^2 \cos^2 u \alpha_0 \end{array} \right\}; \quad (7)$$

для H_{nml}, E_{su}

$$k = \frac{4}{(1 + \delta_{u0})} \frac{2n + 1}{n(n + 1)} \frac{(n - m)!}{(n + m)!} \times$$

$$\times \frac{m^2}{[\chi R_2 D_{u-1} (\chi R_2)]^2 - [\chi R_1 D_{u-1} (\chi R_1)]^2} \zeta_n^H(\rho, q) \times$$

$$\times \frac{1}{|\gamma|} |P_n^m(\gamma)|^2 \left\{ \begin{array}{l} |D_{m+u}(\chi\rho_0) + (-1)^m D_{-m+u}(\chi\rho_0)|^2 \sin^2 u\alpha_0 \\ |D_{m+u}(\chi\rho_0) - (-1)^m D_{-m+u}(\chi\rho_0)|^2 \cos^2 u\alpha_0 \end{array} \right\}; \quad (8)$$

для E_{nm} , H_{su}

$$k = \frac{4}{(1 + \delta_{u0})} \frac{(2n + 1)}{n(n + 1)} \frac{(n - m)!}{(n + m)!} \times$$

$$\times \frac{m^2}{C_u^2(\chi R) [(\chi R_2)^2 - u^2] - C_u^2(\chi R_1) [(\chi R_1)^2 - u^2]} \zeta_n^E(\rho, q) \times$$

$$\times \frac{1}{|\gamma|} |P_n^m(\gamma)|^2 \left\{ \begin{array}{l} |C_{m+u}(\chi\rho_0) + (-1)^m C_{-m+u}(\chi\rho_0)|^2 \cos^2 u\alpha_0 \\ |C_{m+u}(\chi\rho_0) - (-1)^m C_{-m+u}(\chi\rho_0)|^2 \sin^2 u\alpha_0 \end{array} \right\}; \quad (9)$$

для E_{nm} , E_{su}

$$k = \frac{4}{(1 + \delta_{m0})(1 + \delta_{u0})} \frac{2n + 1}{n(n + 1)} \frac{(n - m)!}{(n + m)!} \times$$

$$\times \frac{1}{[\chi R_2 D_{u-1} (\chi R_2)]^2 - [\chi R_1 D_{u-1} (\chi R_1)]^2} \zeta_n^E(\rho, q) \times$$

$$\times \frac{1}{|\gamma|} \left[(1 - \gamma^2) \frac{dP_n^m(\gamma)}{d\gamma} \right]^2 \left\{ \begin{array}{l} |D_{m+u}(\chi\rho_0) - (-1)^m D_{-m+u}(\chi\rho_0)|^2 \cos^2 u\alpha_0 \\ |D_{m+u}(\chi\rho_0) + (-1)^m D_{-m+u}(\chi\rho_0)|^2 \sin^2 u\alpha_0 \end{array} \right\}. \quad (10)$$

Здесь $\gamma = \Gamma/k_0 = [1 - (\chi/k_0)^2]^{1/2}$; поперечная постоянная распространения $\chi = \alpha_{su}/R_2$ находится из уравнений [5], определяющих распределение поля высших типов волн коаксиального волновода. Множители соотношений (7) — (10), заключенные в фигурные скобки, относятся к нечетным (верхние) и четным (нижние) распределениям r -компонент поля собственных колебаний (1) относительно плоскости симметрии $\alpha = \alpha_0$ волновода с ДР.

В случае круглого волновода ($R_1 = 0$) в соотношениях (7) — (10) от функций (4) следует перейти к функциям Бесселя. При этом, если координата центра ДР лежит на оси волновода, то отличными от нуля будут только коэффициенты связи собственных колебаний шара с $m = u$, поскольку $J_\nu(0) \neq 0$ только при $\nu = 0$. В этом случае выражения (7) — (10) совпадают с найденными в работе [6]. Причем, как и в частном случае [6], азимутально однородные колебания шара не связываются с полями волновода — магнитные с электрическими (8) и электрические с магнитными (9) — при любых значениях поперечных координат.

Аналогичным образом находим выражения коэффициентов взаим-

ной связи двух одинаковых сферических ДР с координатами центров (ρ_1, α_1, z_1) , (ρ_2, α_2, z_2) в коаксиальном волноводе:
в случае магнитных невырожденных колебаний H_{nm} в каждом резонаторе

$$\begin{aligned}
 k = & \frac{-4}{1 + \delta_{m0}} \frac{2n + 1}{n(n + 1)} \frac{(n - m)!}{(n + m)!} \alpha_n^H(p, q) \sum_{u=0}^{\infty} \frac{\cos u(\alpha_1 - \alpha_2)}{1 + \delta_{u0}} \times \\
 & \times \sum_{s=1}^{\infty} \left\{ \frac{1}{|y|} \left[(1 - y^2) \frac{dP_n^m(y)}{dy} \right]^2 \times \right. \\
 & \times \frac{e^{-|y|k_0 \Delta z}}{C_u^2(\chi R_2) [(\chi R_2)^2 - u^2] - C_u^2(\chi R_1) [(\chi R_1)^2 - u^2]} \times \\
 & \times [C_{m+u}(\chi \rho_1) \pm (-1)^m C_{-m+u}(\chi \rho_1)] [C_{m+u}(\chi \rho_2) \pm (-1)^m C_{-m+u}(\chi \rho_2)] + \\
 & + \frac{1}{|t|} [P_n^m(t)]^2 \frac{m^2 e^{-|t|k_0 \Delta z}}{[\chi R_2 D_{u-1}(\chi R_2)]^2 - [\chi R_1 D_{u-1}(\chi R_1)]^2} \times \\
 & \times [D_{m+u}(\chi \rho_1) \pm (-1)^m D_{-m+u}(\chi \rho_1)] [D_{m+u}(\chi \rho_2) \pm (-1)^m D_{-m+u}(\chi \rho_2)];
 \end{aligned} \quad (11)$$

для нечетных H_{nm1} колебаний первого ДР и четных по φ H_{nm2} колебаний второго ДР

$$\begin{aligned}
 k = & -4 \frac{2n + 1}{n(n + 1)} \left[\prod_{v=1}^2 \frac{1}{1 + \delta_{m,0}} \frac{(n - m_v)!}{(n + m_v)!} \right]^{1/2} \alpha_n^H(p, q) \times \\
 & \times \sum_{u=1}^{\infty} \sin u(\alpha_2 - \alpha_1) \sum_{s=1}^{\infty} \left\{ \frac{1}{|y|} (1 - y^2)^2 \frac{dP_n^{m_1}(y)}{dy} \frac{dP_n^{m_2}(y)}{dy} \times \right. \\
 & \times \frac{e^{-|y|k_0 \Delta z}}{C_u^2(\chi R_2) [(\chi R_2)^2 - u^2] - C_u^2(\chi R_1) [(\chi R_1)^2 - u^2]} \times \\
 & \times [C_{m_1+u}(\chi \rho_1) - (-1)^{m_1} C_{-m_1+u}(\chi \rho_1)] \times \\
 & \times [C_{m_2+u}(\chi \rho_2) + (-1)^{m_2} C_{-m_2+u}(\chi \rho_2)] + \\
 & + \frac{1}{|t|} P_n^{m_1}(t) P_n^{m_2}(t) \frac{m_1 m_2 e^{-|t|k_0 \Delta z}}{[\chi R_2 D_{u-1}(\chi R_2)]^2 - [\chi R_1 D_{u-1}(\chi R_1)]^2} \times \\
 & \times [D_{m_1+u}(\chi \rho_1) + (-1)^{m_1} D_{-m_1+u}(\chi \rho_1)] \times \\
 & \times [D_{m_2+u}(\chi \rho_2) + (-1)^{m_2} D_{-m_2+u}(\chi \rho_2)];
 \end{aligned} \quad (12)$$

для нечетных (верхний знак) и четных (нижний) невырожденных колебаний E_{nm}

$$k = \frac{-4}{1 + \delta_{m0}} \frac{2n+1}{n(n+1)} \frac{(n-m)!}{(n+m)!} \alpha_n^E(p, q) \sum_{u=0}^{\infty} \frac{\cos u(\alpha_1 - \alpha_2)}{1 + \delta_{u0}} \times$$

$$\times \sum_{s=1}^{\infty} \left\{ \frac{1}{|y|} [P_n^m(y)]^2 \frac{m^2 e^{-|y|k_0 \Delta z}}{C_u^2(\chi R_2) [(\chi R_2)^2 - u^2] - C_u^2(\chi R_1) [(\chi R_1)^2 - u^2]} \times \right.$$

$$\times [C_{m+u}(\chi \rho_1) \pm (-1)^m C_{-m+u}(\chi \rho_1)] \times$$

$$\times [C_{m+u}(\chi \rho_2) \pm (-1)^m C_{-m+u}(\chi \rho_2)] +$$

$$\frac{1}{|t|} \left[(1-t^2) \frac{dP_n^m(t)}{dt} \right]^2 \times$$

$$\times \frac{e^{-|t|k_0 \Delta z}}{[\chi R_2 D_{u-1}(\chi R_2)]^2 - [\chi R_1 D_{u-1}(\chi R_1)]^2} \times \quad (13)$$

$$\times [D_{m+u}(\chi \rho_1) \pm (-1)^m D_{-m+u}(\chi \rho_1)] [D_{m+u}(\chi \rho_2) \pm (-1)^m D_{-m+u}(\chi \rho_2)];$$

для нечетных E_{nm1} колебаний первого и четных E_{nm2} колебаний второго ДР

$$k = -4 \frac{2n+1}{n(n+1)} \left[\prod_{v=1}^2 \frac{1}{(1 + \delta_{m_v 0})} \frac{(n-m_v)!}{(n+m_v)!} \right]^{1/2} \alpha_n^E(p, q) \times$$

$$\times \sum_{u=1}^{\infty} \sin u(\alpha_2 - \alpha_1) \sum_{s=1}^{\infty} \left\{ \frac{1}{|y|} P_n^{m_1}(y) P_n^{m_2}(y) \times \right.$$

$$\times \frac{m_1 m_2 e^{-|y|k_0 \Delta z}}{C_u^2(\chi R_2) [(\chi R_2)^2 - u^2] - C_u^2(\chi R_1) [(\chi R_1)^2 - u^2]} \times$$

$$\times [C_{m_1+u}(\chi \rho_1) + (-1)^{m_1} C_{-m_1+u}(\chi \rho_1)] \times$$

$$\times [C_{m_2+u}(\chi \rho_2) - (-1)^{m_2} C_{-m_2+u}(\chi \rho_2)] +$$

$$+ \frac{1}{|t|} (1-t^2)^2 \frac{dP_n^{m_1}(t)}{dt} \frac{dP_n^{m_2}(t)}{dt} \times$$

$$\times \frac{e^{-|t|k_0 \Delta z}}{[\chi R_2 D_{u-1}(\chi R_2)]^2 - [\chi R_1 D_{u-1}(\chi R_1)]^2} \times$$

$$\times [D_{m_1+u}(\chi \rho_1) - (-1)^{m_1} D_{-m_1+u}(\chi \rho_1)] \times$$

$$\left. \left[D_{m_2+u}(\chi\rho_2) + (-1)^{m_2} D_{-m_2+u}(\chi\rho_2) \right] \right\}. \quad (14)$$

Колебания ДР магнитных и электрических типов также могут связываться между собой. Так, для нечетных магнитных колебаний H_{nm} и четных электрических E_{nm} (верхний знак), а также четных магнитных и нечетных электрических (нижний)

$$k = \pm 4m \frac{2n+1}{n(n+1)} \frac{(n-m)!}{(n+m)!} \alpha_n^{EH}(p, q) \sum_{u=0}^{\infty} \frac{\cos u(\alpha_2 - \alpha_1)}{1 + \delta_{u0}} \times$$

$$\times \sum_{s=1}^{\infty} \left\{ \frac{1}{|y|} (1-y^2) \frac{dP_n^m(y)}{dy} P_n^m(y) \times \right.$$

$$\times \frac{e^{-|y|k_0\Delta z}}{C_u^2(\chi R_2) [(\chi R_2)^2 - u^2] - C_u^2(\chi R_1) [(\chi R_1)^2 - u^2]} \times$$

$$\times [C_{m+u}(\chi\rho_1) \pm (-1)^m C_{-m+u}(\chi\rho_1)] [C_{m+u}(\chi\rho_2) \pm (-1)^m C_{-m+u}(\chi\rho_2)] +$$

$$+ \frac{1}{|t|} (1-t^2) \frac{dP_n^m(t)}{dt} P_n^m(t) \times \quad (15)$$

$$\times \frac{e^{-|t|k_0\Delta z}}{[\chi R_2 D_{u-1}(\chi R_2)]^2 - [\chi R_1 D_{u-1}(\chi R_1)]^2} \times$$

$$\times [D_{m+u}(\chi\rho_1) \pm (-1)^m D_{-m+u}(\chi\rho_1)] [D_{m+u}(\chi\rho_2) \pm (-1)^m D_{-m+u}(\chi\rho_2)] \Big\};$$

для нечетных по φ магнитных и электрических колебаний (верхний знак) и четных (нижний)

$$k = -4m \frac{2n+1}{n(n+1)} \frac{(n-m)!}{(n+m)!} \alpha_n^{EH}(p, q) \sum_{u=1}^{\infty} \sin u(\alpha_2 - \alpha_1) \times$$

$$\times \sum_{s=1}^{\infty} \left\{ \frac{1}{|y|} (1-y^2) \frac{dP_n^m(y)}{dy} P_n^m(y) \times \right.$$

$$\times \frac{e^{-|y|k_0\Delta z}}{C_u^2(\chi R_2) [(\chi R_2)^2 - u^2] - C_u^2(\chi R_1) [(\chi R_1)^2 - u^2]} \times$$

$$\times [C_{m+u}(\chi\rho_1) \pm (-1)^m C_{-m+u}(\chi\rho_1)] [C_{m+u}(\chi\rho_2) \pm (-1)^m C_{-m+u}(\chi\rho_2)] +$$

$$\frac{1}{|t|} (1-t^2) \frac{dP_n^m(t)}{dt} P_n^m(t) \times$$

$$\times \frac{e^{-|t|k_0\Delta z}}{[\chi R_2 D_{u-1}(\chi R_2)]^2 - [\chi R_1 D_{u-1}(\chi R_1)]^2} \times \quad (15)$$

$$\times [D_{m+u}(\chi\rho_1) \pm (-1)^m D_{-m+u}(\chi\rho_1)] [D_{m+u}(\chi\rho_2) \pm (-1)^m D_{-m+u}(\chi\rho_2)] \Big\},$$

где $y = i\Gamma_H/k_0$ для магнитных волн; $t = i\Gamma_E/k_0$ для электрических

волн коаксиального волновода; $\alpha_n^{E,H}(p, q)$ — функции [6], определяющие зависимость коэффициентов связи от параметров ДР.

В практически важном случае круглого волновода функции (4) в полученных соотношениях переходят в функции Бесселя, а параметры $\chi R_2 = j'_{u,s}$ — для магнитных; $\chi R_2 = j_{u,s}$ — для электрических волн. Здесь $j_{u,s}$ ($j'_{u,s}$) — s -й ноль (производной) функции Бесселя. При этом, если один из резонаторов располагается на оси волновода, то в суммах (11)—(16) ненулевыми слагаемыми будут только члены с $u = m$, а зависимость связи от углов между поляризациями поля ДР становится гармонической: $k(\alpha_2 - \alpha_1) = k(0) \sin(\cos) u (\alpha_2 - \alpha_1)$. Это явление наблюдалось экспериментально в случае цилиндрических ДР с основными магнитными колебаниями, оси которых поворачивались в поперечной плоскости круглого волновода относительно друг друга [7]. На рисунке (б) показаны зависимости коэффициентов взаимной связи основных магнитных невырожденных колебаний ДР с $\rho_1/R_2 = 0,5$; $\rho_2/R_2 = 0,25$; $k_0\Delta z = 1$; $k_0R_2 = 1,2$. При вычислениях в формулах (11)—(12) формально полагалось, что $\alpha_n^{H,E}(p, q) = 1$. При этом множители коэффициентов связи обозначались по направлению максимума магнитного поля в центре каждого из резонаторов. Приведенные зависимости указывают на возможность простого изменения знака коэффициентов взаимной связи при вариации относительных угловых координат ДР, что позволяет использовать указанные структуры при конструировании фильтров с эллиптическими характеристиками.

Список использованной литературы

1. Григорьев А.Г., Янкевич В.Б. Резонаторы и резонаторные замедляющие системы СВЧ. М., 1984. 247 с.
2. Никольский В.В. Электродинамика и распространение радиоволн. М., 1973. 607 с.
3. Абрамовиц М., Стиган И. Справочник по специальным функциям. М., 1979. 832 с.
4. Ильченко М.Е., Трубин А.А. Расчет коэффициентов связи диэлектрического шара с прямоугольным волноводом при возбуждении магнитных и электрических видов колебаний // Изв. вузов. Радиоэлектроника. 1982. Т. 25, № 8. С. 3—8.
5. Педфедов Е.И. Открытые коаксиальные резонансные структуры. М., 1982. 220 с.
6. Трубин А.А. Диэлектрический шар в круглом волноводе // Вестн. Киев. политехн. ин-та. Радиотехника. 1990. Вып. 27. С. 31—34.
7. Безбородов Ю.М., Лунатов А.А., Афромеев В.И. Конструирование СВЧ фильтров на диэлектрических резонаторах // Разработка элементов градиентной оптики и гибридных интегральных схем оптического и СВЧ-диапазонов. М., 1982. С. 100—105.

Поступила в редколлегию 19.02.92